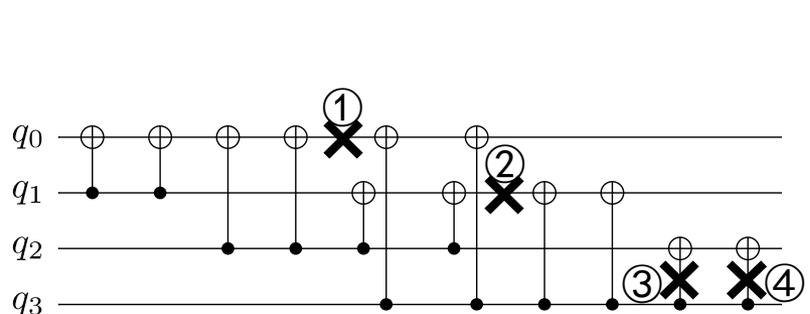


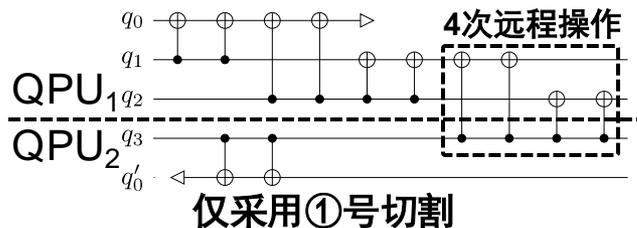
# 识别分布式量子计算环境下大线路中的关键切割

在分布式量子计算环境（DQC）中执行大型量子线路时，切割线路能够消除高错误率的远程操作，但会引入子线路合并开销；识别大型线路中的关键切割，能够降低执行的总体开销

## -- 观察1 大型量子线路中存在能消除大量远程操作的关键切割

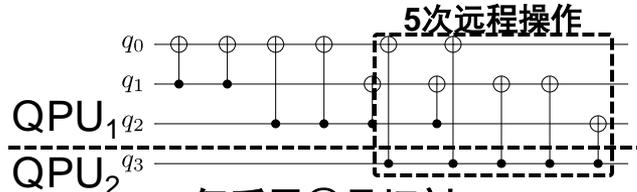


将4量子位的线路映射到含3量子位QPU的DQC中，若不切割量子线路，至少需6次远程操作；通过线路切割可消除远程操作，但每次切割会引入子线路合并开销。如右图，切割关键的量子门和量子位，能够降低总体执行开销。



关键切割  
(总体开销少)

仅采用①号切割  
可移除  $6 - 4 = 2$  次远程操作 (多)



非关键切割  
(总体开销大)

仅采用③号切割  
可移除  $6 - 5 = 1$  次远程操作 (少)

切割序号 消除的远程操作数

①	2
②	2
③	1
④	1

关键切割，消除的远程操作多，降低总体开销  
非关键切割，消除的远程操作少，而引入较多合并开销

切割方法引入的子线路合并开销相同，但关键切割能消除更多远程操作

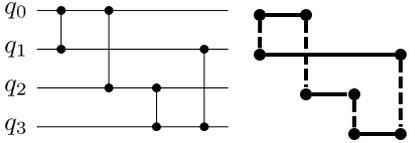
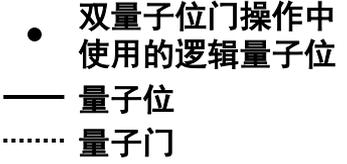
通过观察，只应用能够消除大量远程操作的关键切割，可减少切割次数，能够降低子线路结果合并开销（随切割次数呈指数级增长），从而降低线路执行总体开销

# 分布式量子计算中大线路通过“半划分”减少切割次数，降低子线路合并开销

通过量子线路“半划分”（即仅切割关键量子位和门操作）减少切割次数，而无需将线路切割为完全独立的多个子线路，降低子线路合并开销

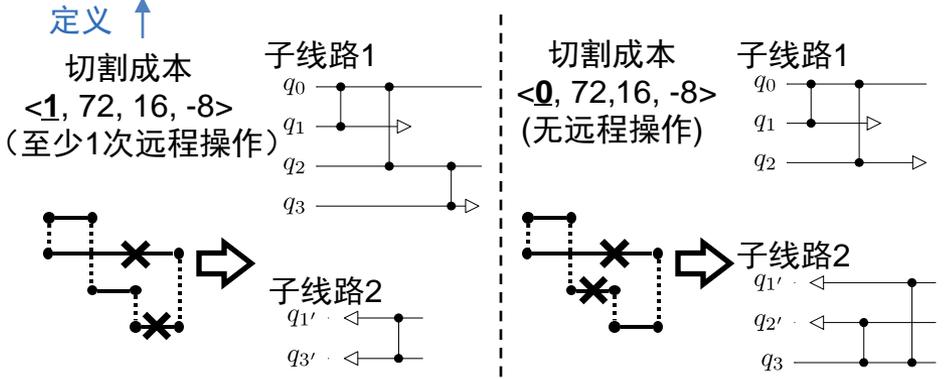
-- **解决方案** 大型量子线路半划分机制，包括（1）交互图构造，（2）迭代搜索最低成本切割方案，（3）仅保留关键切割，构造半划分方案

<切割后远程操作数, 子线路执行次数, 子线路结果合并开销,  $-1 \times$  搜索深度>



4量子位 supremacy线路 交互图

(1) 为量子线路构造交互图



当前最低成本切割方案，在含3量子位QPU的DQC中至少需要1次远程操作

迭代获取新候选切割方案，无需远程操作，**切割成本更低，用作新的最低成本切割方案**

(2) 迭代搜索最低成本切割方案

切割序号	消除的远程操作数	
①	保留	2 $\geq$ 均值1.5 (关键切割)
②	保留	2 $\geq$ 均值1.5 (关键切割)
③	移除	1 $<$ 均值1.5 (非关键切割)
④	移除	1 $<$ 均值1.5 (非关键切割)

各个切割消除的远程操作均值:  $(2+2+1+1)/4=1.5$

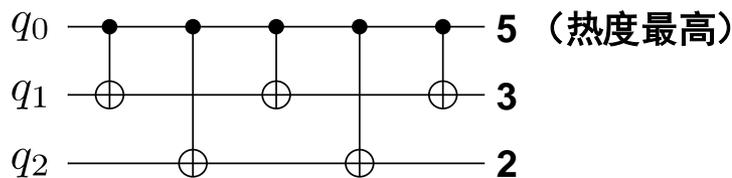
(3) 仅保留关键切割（消除的远程操作数大于等于均值），构造半划分方案

# 基于线路特征按需选取初始映射策略，减少DQC中的远程操作

单一映射算法无法有效处理量子位间交互模式各异的各种量子线路；根据量子线路“热度”、“弱连接度”特征，按需选取初始映射机制

-- **观察3** 当前单一映射算法无法处理多样化的量子位间的交互模式，引入的远程操作较多，探索描述量子线路中量子位间的交互模式的关键特征 — “热度”、“弱连接度”

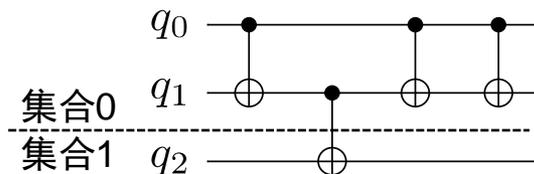
(量子位在所有双量子位门操作中被使用的次数) → 热度:



“热度”最高的逻辑量子位与其他量子位的交互最频繁。该量子位应映射至度数（即与其直接相连的物理量子位数目）最高的物理量子位，使其与更多有交互的逻辑量子位直接相连，减少SWAP

弱连接度:

$$1 / (\text{量子位集合间交互次数}) = 1/1$$



“弱连接度”最高的量子位集合划分方案的集合间交互操作最少。当这些集合映射至不同QPU时，执行线路所需的远程操作数也最少

-- **解决方案** 基于热度和弱连接度特征的映射机制，按需选取初始映射机制，减少远程操作

高热度量子位映射至高度数的可靠物理量子位

按照与已映射量子位的交互次数由大到小顺序依次映射其他量子位

基于“热度”的初始映射  
(适用于含高热度量子位的线路)

每个量子位集合中涉及远程操作最多的量子位映射至QPU的通信量子位周围

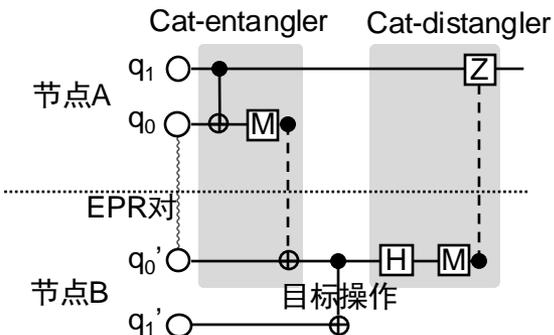
按热度顺序映射其他量子位

基于“弱连接度”的初始映射  
(适用于量子位集合间交互较弱的线路)

# 映射转换考虑远程操作开销，减少DQC中的远程操作

DQC环境下考虑远程操作开销的映射转换机制；避免执行启发式代价较高的远程CNOT和SWAP操作，减少EPR对建立次数，降低远程通信开销

-- **观察4** 若多个量子位间存在交互操作且跨QPU映射，映射转换时常需执行延迟更高，错误率更高的远程操作（如跨程序SWAP/CNOT），影响量子程序的执行保真度



操作	延迟	Cat-Comm 所需执行次数
CX and CZ gates (本地操作)	1 CX	3
Measure	5 CX	2
EPR preparation	~ 12 CX	1

Cat-Comm 所需总时间  
25 CX

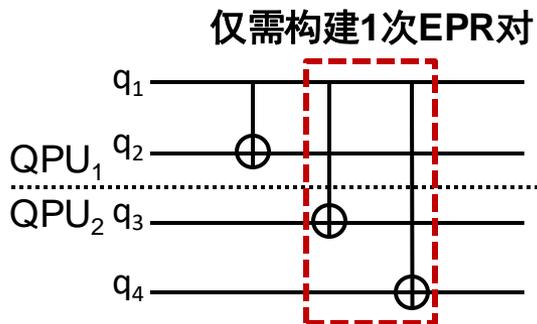
采用Cat-Comm协议执行一次远程CNOT操作需额外执行EPR对构建、测量等操作，耗时约等同于25次本地CNOT操作

执行远程操作常用的Cat-Comm协议 Cat-Comm协议中的各类操作耗时及执行次数

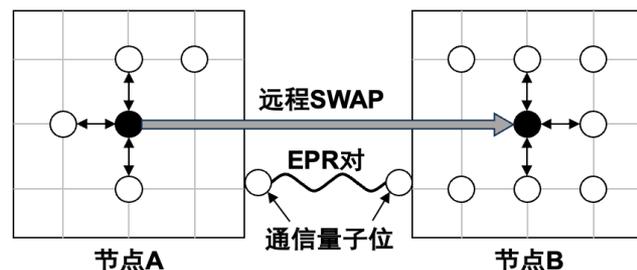
-- **解决方案** 启发式函数考虑远程操作开销，连续使用同一量子位的远程操作共用同一个EPR对执行

启发式函数设计：

- 远程操作开销=25 × 本地操作开销
- 连续使用同一量子位的远程操作仅产生一次远程操作开销



效果1：使用同一量子位的连续远程操作可共享EPR对执行，减少EPR对建立次数，降低远程通信开销。



效果2：若一个逻辑量子位与远程QPU节点上的量子位交互更多，可使用跨QPU的远程SWAP操作将该量子位移动至远程QPU，减少后续远程操作